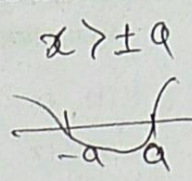


E

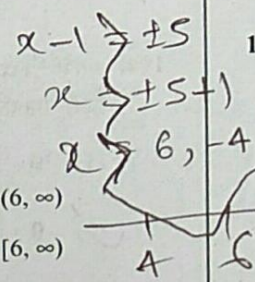
197.  $x$  and  $a$  are real numbers. If  $a > 0$  and  $|x| > a$ , then

- (1)  $x \in (-a, \infty)$   
 (2)  $x \in [-\infty, a)$   
 (3)  $x \in (-a, a)$   
 (4)  $x \in (-\infty, -a) \cup (a, \infty)$



198. If  $|x - 1| > 5$ , then

- (1)  $x \in (-4, 6)$   
 (2)  $x \in [-4, 6]$   
 (3)  $x \in (-\infty, -4) \cup (6, \infty)$   
 (4)  $x \in [-\infty, -4) \cup [6, \infty)$



199. Given that  $x, y$  and  $a$  are real numbers and  $x < y, a < 0$ , then

- (1)  $\frac{x}{a} < \frac{y}{a}$   
 (2)  $\frac{x}{a} \leq \frac{y}{a}$   
 (3)  $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$   
 (4)  $\frac{x}{a} \geq \frac{y}{a}$

133.6

200. Let  $x, y \in \mathbb{R}$ , then  $x + iy$  is a non-real complex number if

- (1)  $x = 0$   
 (2)  $y = 0$   
 (3)  $x \neq 0$   
 (4)  $y \neq 0$

$x + iy$   
 $x -$

197.  $x$  तथा  $a$  वास्तविक संख्याएँ हैं। यदि  $a > 0$  तथा  $|x| > a$  है, तो

- (1)  $x \in (-a, \infty)$   
 (2)  $x \in [-\infty, a)$   
 (3)  $x \in (-a, a)$   
 (4)  $x \in (-\infty, -a) \cup (a, \infty)$

198. यदि  $|x - 1| > 5$  है, तो

- (1)  $x \in (-4, 6)$   
 (2)  $x \in [-4, 6]$   
 (3)  $x \in (-\infty, -4) \cup (6, \infty)$   
 (4)  $x \in [-\infty, -4) \cup [6, \infty)$

199. दिया है कि  $x, y$  और  $a$  वास्तविक संख्याएँ हैं तथा  $x < y, a < 0$  है, तो

- (1)  $\frac{x}{a} < \frac{y}{a}$   
 (2)  $\frac{x}{a} \leq \frac{y}{a}$   
 (3)  $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$   
 (4)  $\frac{x}{a} \geq \frac{y}{a}$

200. माना  $x, y \in \mathbb{R}$  है, तो  $x + iy$  एक अवास्तविक सम्मिश्र संख्या है, यदि

- (1)  $x = 0$   
 (2)  $y = 0$   
 (3)  $x \neq 0$   
 (4)  $y \neq 0$

35

MATHEMATICS

(51)

193. For a complex number  $z$  the value of  $(z+3)(\bar{z}+3)$  is equivalent to

- (1)  $|z+3|^2$
- (2)  $|z-3|$
- (3)  $z^2+3$
- (4)  $z^2+9$

194.  $\sin \theta + i \cos 2\theta$  and  $\cos \theta - i \sin 2\theta$  are conjugate to each other for :

- (1)  $\theta = n\pi$
- (2)  $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
- (3)  $\theta = 0$
- (4) no value of  $\theta$

195. If  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^x = 1$ , then

- (1)  $x = 2n + 1$
- (2)  $x = 4n$
- (3)  $x = 2n$
- (4)  $x = 4n + 1$ ,

where  $n \in \mathbb{N}$

196. If  ${}^n C_{12} = {}^n C_8$ , then  $n$  is equal to

- (1) 20
- (2) 12
- (3) 6
- (4) 30

$(x+iy+3)(x-iy+3)$   
 $x+iy+3 \quad x-iy+3$   
 $(x+3-iy)(x+3+iy)$

193. एक सम्मिश्र संख्या  $z$  के लिए  $(z+3)(\bar{z}+3)$  का मान जिसके तुल्य है, वह है

- (1)  $|z+3|^2$
- (2)  $|z-3|$
- (3)  $z^2+3$
- (4)  $z^2+9$

$(z+3)(\bar{z}+3)$   
 $(x+iy+3)(x-iy+3)$   
 $x^2 - y^2 + 3x - iy + 3x + 3iy + 9$   
 $x^2 - y^2 + 6x + 9$

194.  $\sin \theta + i \cos 2\theta$  तथा  $\cos \theta - i \sin 2\theta$ ,  $\theta$  के जिस मान के लिए परस्पर संयुग्मी हैं, वह है

- (1)  $\theta = n\pi$
- (2)  $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
- (3)  $\theta = 0$
- (4)  $\theta$  के किसी भी मान के लिए नहीं।

195. यदि  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^x = 1$  है, तो

- (1)  $x = 2n + 1$
- (2)  $x = 4n$
- (3)  $x = 2n$
- (4)  $x = 4n + 1$ ,

जबकि  $n \in \mathbb{N}$  है

$\frac{(1+i)^x}{(1-i)^x} = 1$   
 $\frac{(1+i)^x}{(1-i)^x} = 1$   
 $\frac{(1+i)^x}{(1-i)^x} = 1$   
 $\frac{(1+i)^x}{(1-i)^x} = 1$   
 $\frac{(1+i)^x}{(1-i)^x} = 1$

196. यदि  ${}^n C_{12} = {}^n C_8$  है, तो  $n$  बराबर है

- (1) 20
- (2) 12
- (3) 6
- (4) 30

$\frac{n!}{12!(n-12)!} = \frac{n!}{8!(n-8)!}$   
 $\frac{n!}{12!(n-12)!} = \frac{n!}{8!(n-8)!}$   
 $\frac{n!}{12!(n-12)!} = \frac{n!}{8!(n-8)!}$   
 $\frac{n!}{12!(n-12)!} = \frac{n!}{8!(n-8)!}$



E

(50)

189. The number of possible outcomes, when a coin is tossed 6 times is

- (1) 36
- (2) 32
- (3) 12
- (4) 64

$6 \times 6$

$\frac{6}{66}$

190. Everybody in a room shakes hands with everybody else. The total number of hand-shakes is 66. The total number of persons in the room is

- (1) 11
- (2) 12
- (3) 13
- (4) 14

191. The total number of 9 digit numbers which have all different digits is

- (1)  $10!$
- (2)  $9!$
- (3)  $10 \times 10!$
- (4)  $9 \times 9!$

192. For all  $n \in \mathbb{N}$ ,  $3(5^{2n+1}) + 2^{3n+1}$  is divisible by

- (1) 19
- (2) 17
- (3) 23
- (4) 25

$15 + 16$   
 $31$   
 $15 + 2 = 17$

189. एक सिक्के को 6 बार उछालने पर प्राप्त सभी सम्भव परिणामों की संख्या है

- (1) 36
- (2) 32
- (3) 12
- (4) 64

190. एक कमरे में उपस्थित प्रत्येक व्यक्ति ने प्रत्येक दूसरे व्यक्ति से हाथ मिलाया। यदि कुल हाथ मिलाने की संख्या 66 है तो कमरे में उपस्थित व्यक्तियों की संख्या है:

- (1) 11
- (2) 12
- (3) 13
- (4) 14

$\frac{n(n-1)}{2} = 66$   
 $11 \times 10 = 110$   
 $12 \times 11 = 132$   
 $13 \times 12 = 156$   
 $14 \times 13 = 182$

191. 9 अंकों वाली ऐसी सभी संख्याएँ जिनके अंक विभिन्न हैं, की संख्या है

- (1)  $10!$
- (2)  $9!$
- (3)  $10 \times 10!$
- (4)  $9 \times 9!$

192. सभी  $n \in \mathbb{N}$  के लिए  $3(5^{2n+1}) + 2^{3n+1}$ , जिससे भाज्य है, वह है

- (1) 19
- (2) 17
- (3) 23
- (4) 25



MATHEMATICS

(49)

185. The domain for which the functions defined by  $f(x) = 3x^2 - 1$  and  $g(x) = 3 + x$  are equal, is

- (1)  $[-1, \frac{4}{3}]$
- (2)  $[1, \frac{4}{3}]$
- (3)  $[-1, \frac{4}{3}]$
- (4)  $[-1, \frac{4}{3}]$

Handwritten work for Q185:  
 $3x^2 - 1 = 3 + x$   
 $3x^2 - 3x - 4 = 0$   
 $3x^2 - 3x - 4 = 0$   
 $3x^2 - 3x - 4 = 0$

185. वह प्रान्त जिसके लिए,  $f(x) = 3x^2 - 1$  तथा  $g(x) = 3 + x$  द्वारा परिभाषित फलन समान हैं, है

- (1)  $[-1, \frac{4}{3}]$
- (2)  $[1, \frac{4}{3}]$
- (3)  $[-1, \frac{4}{3}]$
- (4)  $[-1, \frac{4}{3}]$

Handwritten work for Q185 (right side):  
 $3x^2 - 1 = 3 + x$   
 $3x^2 - 3x - 4 = 0$   
 $x = -1, \frac{4}{3}$   
 $f'(x) = 6x$

186. If  $f(x) = px + q$ , where p and q are integers,  $f(-1) = -5$  and  $f(3) = 3$ , then p and q are equal to

- (1)  $p = -3, q = -1$
- (2)  $p = 2, q = -3$
- (3)  $p = 0, q = 2$
- (4)  $p = 2, q = 3$

Handwritten work for Q186:  
 $-p + q = -5$   
 $3p + q = 3$   
 $p - 4q = 8$   
 $2 = -5 + 2$

186. यदि  $f(x) = px + q$  है, जबकि p तथा q पूर्णांक हैं, और  $f(-1) = -5$  तथा  $f(3) = 3$  है, तो p तथा q बराबर हैं

- (1)  $p = -3, q = -1$
- (2)  $p = 2, q = -3$
- (3)  $p = 0, q = 2$
- (4)  $p = 2, q = 3$

187. If  $x^n - 1$  is divisible by  $x - k$ , then the least positive integral value of k is

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 1
- (4) 2

187. यदि  $x^n - 1, x - k$  से भाज्य है, तो k का न्यूनतम धन पूर्णाकीय मान है :

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 1
- (4) 2

188. The domain of the function f defined by  $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$  is equal to

- (1)  $(-\infty, -1) \cup (1, 4]$
- (2)  $(-\infty, -1] \cup (1, 4]$
- (3)  $(-\infty, -1) \cup [1, 4]$
- (4)  $(-\infty, -1) \cup [1, 4)$

Handwritten work for Q188 (left side):  
 $4-x \geq 0$   
 $x^2 - 1 > 0$   
 $x < -1$  or  $x > 1$

188.  $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$  द्वारा परिभाषित फलन f का प्रान्त है :

- (1)  $(-\infty, -1) \cup (1, 4]$
- (2)  $(-\infty, -1] \cup (1, 4]$
- (3)  $(-\infty, -1) \cup [1, 4]$
- (4)  $(-\infty, -1) \cup [1, 4)$

Handwritten work for Q188 (right side):  
 $4-x \geq 0$   
 $x^2 - 1 > 0$   
 $x < -1$  or  $x > 1$   
 $f'(x) = -\frac{1}{2\sqrt{4-x}} + \frac{-2x}{(x^2-1)^{3/2}}$



E

181. If A and B are two sets and A' denotes the complement of A, then  $A \cap (A \cup B)'$  is equal to

- (1) A
- (2) B
- (3)  $\phi$
- (4)  $A \cap B$

182. Range of  $f(x) = \frac{1}{1 - 2 \cos x}$  is

- (1)  $[\frac{1}{3}, 1]$
- (2)  $[-1, \frac{1}{3}]$
- (3)  $(-\infty, -1] \cup [\frac{1}{3}, \infty)$
- (4)  $[-\frac{1}{3}, 1]$

183. Let  $f(x) = \sqrt{1+x^2}$ , then

- (1)  $f(xy) = f(x) \cdot f(y)$
- (2)  $f(xy) = f(x) + f(y)$
- (3)  $f(xy) \geq f(x) \cdot f(y)$
- (4)  $f(xy) \leq f(x) \cdot f(y)$

184. If A and B are two sets, then  $A \cup (A \cap B)$  equals

- (1)  $A \cap B$
- (2)  $\phi$
- (3) B
- (4) A

181. A तथा B दो समुच्चय हैं तथा A' समुच्चय A के पूरक को इंगित करता है, तो  $A \cap (A \cup B)'$  बराबर है

- (1) A
- (2) B
- (3)  $\phi$
- (4)  $A \cap B$

$A \cap (A \cup B)'$   
 $A \cap (B' \cap A')$

182.  $f(x) = \frac{1}{1 - 2 \cos x}$  का परिसर है

$1 - 2 \cos x > 0$   
 $2 \cos x < 1$   
 $\cos x < \frac{1}{2}$   
 $-2 \leq 2 \cos x \leq 2$   
 $2 \leq -2 \cos x \leq -2 + 1$   
 $-3 \leq$

- (1)  $[\frac{1}{3}, 1]$
- (2)  $[-1, \frac{1}{3}]$
- (3)  $(-\infty, -1] \cup [\frac{1}{3}, \infty)$
- (4)  $[-\frac{1}{3}, 1]$

$y - 2 \cos x = 1$   
 $\cos x = \frac{1-y}{-2}$   
 $= -\frac{y-1}{2}$

183. माना  $f(x) = \sqrt{1+x^2}$  है, तो

- (1)  $f(xy) = f(x) \cdot f(y)$
- (2)  $f(xy) = f(x) + f(y)$
- (3)  $f(xy) \geq f(x) \cdot f(y)$
- (4)  $f(xy) \leq f(x) \cdot f(y)$

184. यदि A तथा B दो समुच्चय हैं, तो  $A \cup (A \cap B)$  बराबर है

- (1)  $A \cap B$
- (2)  $\phi$
- (3) B
- (4) A

$(A \cup A) \cap (A \cup B)$   
 $A \cup (A \cap B) = A$

MATHEMATICS

(47)

E

178. In a class of 50 students, 20 play cricket, 15 play hockey and 5 students play both the games. The number of students who play neither of the two games is

- (1) 0
- (2) 20
- (3) 30
- (4) 10

179. If  $X = \{8^n - 7n - 1 / n \in \mathbb{N}\}$  and  $Y = \{49n - 49 / n \in \mathbb{N}\}$ , then

- (1)  $X \subset Y$
- (2)  $Y \subset X$
- (3)  $X = Y$
- (4)  $X \cap Y = \phi$

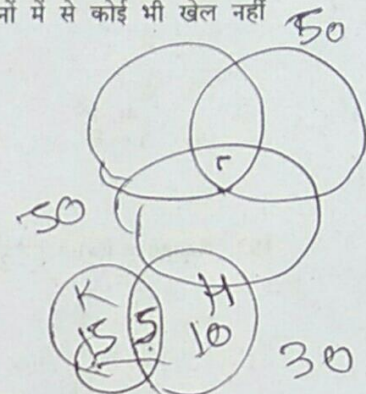
180. Two finite sets have  $m$  and  $n$  elements. The number of subsets of the first set is 112 more than that of the second set. The values of  $m$  and  $n$  are, respectively

- (1) 4, 7
- (2) 5, 8
- (3) 7, 4
- (4) 8, 5

$m = 2^{112+1}$   
 $n = 2^7$

178. 50 विद्यार्थियों की एक कक्षा में, 20 क्रिकेट खेलते हैं, 15 हॉकी खेलते हैं तथा 5 विद्यार्थी दोनों खेल खेलते हैं। ऐसे विद्यार्थियों की संख्या जो दोनों में से कोई भी खेल नहीं खेलते, है

- (1) 0
- (2) 20
- (3) 30
- (4) 10



179. यदि  $X = \{8^n - 7n - 1 / n \in \mathbb{N}\}$  तथा  $Y = \{49n - 49 / n \in \mathbb{N}\}$  है, तो

- (1)  $X \subset Y$
- (2)  $Y \subset X$
- (3)  $X = Y$
- (4)  $X \cap Y = \phi$

$n = 1$   
 $Y$

180. दो परिमित समुच्चय में  $m$  तथा  $n$  अवयव हैं। पहले समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या दूसरे समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या से 112 अधिक है।  $m$  तथा  $n$  के क्रमशः मान हैं

- (1) 4, 7
- (2) 5, 8
- (3) 7, 4
- (4) 8, 5



E

(46)

MATHEMATICS

175. Let  $P_2(t)$  denote the set of real polynomials of the form  $p(t) = a_0 + a_1t + a_2t^2$ , where the co-efficients  $a_i \in \mathbb{R}, i = 0, 1, 2$ .

Which of the following form a basis for  $P_2(t)$  ?

- (1)  $1, 4t, 4t^2$   
 (2)  $1 - 4t + t^2, -2 + t - t^2, -7t + t^2$   
 (3)  $1, t, t^2, t^3$   
 (4)  $1, 1 - 4t, 1 - 4t^2$

176. Given two vectors  $\vec{x} = \begin{pmatrix} -15 \\ 3 \\ -9 \end{pmatrix}$  and

$\vec{y} = \begin{pmatrix} 15 \\ 9 \\ k \end{pmatrix}$ . For  $\vec{x}$  and  $\vec{y}$  to be

orthogonal, value of  $k$  is

- (1) 22  
 (2) -22  
 (3) 17.75  
 (4) -17.75

177. For expressing the vector  $\vec{x} = \begin{pmatrix} 26 \\ 12 \\ 2 \end{pmatrix}$

as a linear combination of the vectors

$\vec{c}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \vec{c}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  and  $\vec{c}_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

as  $\alpha\vec{c}_1 + \beta\vec{c}_2 + \gamma\vec{c}_3$ , where  $\alpha, \beta, \gamma$  in that order are

- (1) 7, 9, 19  
 (2) 9, 7, 19  
 (3) 19, 9, 7  
 (4) 7, 19, 9

175. माना  $P_2(t)$ , वास्तविक बहुपदों से ऐसे समुच्चय को दर्शाता है जो  $p(t) = a_0 + a_1t + a_2t^2$  के रूप में है, जहाँ गुणांक  $a_i \in \mathbb{R}, i = 0, 1, 2$  हैं।

निम्न में से कौन सा  $P_2(t)$  का आधार निर्धारित करता है ?

- (1)  $1, 4t, 4t^2$   
 (2)  $1 - 4t + t^2, -2 + t - t^2, -7t + t^2$   
 (3)  $1, t, t^2, t^3$   
 (4)  $1, 1 - 4t, 1 - 4t^2$

176. दो सदिश  $\vec{x} = \begin{pmatrix} -15 \\ 3 \\ -9 \end{pmatrix}$  तथा  $\vec{y} = \begin{pmatrix} 15 \\ 9 \\ k \end{pmatrix}$

दिए हुए हैं।

$k$  का वह मान जिसके लिए दोनों सदिश परस्पर लंबवत हैं, है

- (1) 22  
 (2) -22  
 (3) 17.75  
 (4) -17.75

177. सदिश  $\vec{x} = \begin{pmatrix} 26 \\ 12 \\ 2 \end{pmatrix}$  को सदिशों

$\vec{c}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \vec{c}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  तथा  $\vec{c}_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

के रैखिकतः संचय रूप  $\alpha\vec{c}_1 + \beta\vec{c}_2 + \gamma\vec{c}_3$  में लिखने के लिए  $\alpha, \beta, \gamma$  के मान, इसी क्रम में हैं

- (1) 7, 9, 19  
 (2) 9, 7, 19  
 (3) 19, 9, 7  
 (4) 7, 19, 9

$\alpha + \beta + \gamma$

0

$a \cdot b = ab \cos 90^\circ = 0$

$-15 \times 15 + 27 - 9k = 0$

$9k = 27 - 225 = -198$

$k = -22$

$\alpha + \beta = 0$

$-2 + \beta = 0$

$-2 = \gamma$

15/15/22



172. The probability that atleast one of the events A and B occurs is 0.6. If A and B occur simultaneously with probability 0.2, then  $P(\bar{A}) + P(\bar{B})$  is

- (1) 0.4
- (2) 0.8
- (3) 1.2
- (4) 1.6

173. Which of the following sets of vectors is linearly independent?

(1)  $\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

(2)  $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

(3)  $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$

(4)  $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

174. A single letter is selected at random from the word 'PROBABILITY'. The probability that it is a vowel is :

- (1)  $\frac{1}{3}$
- (2)  $\frac{4}{11}$
- (3)  $\frac{2}{11}$
- (4)  $\frac{3}{11}$

Handwritten calculations for Q174:  
 SS III  
 2! 2!  
 4! 4!  
 2! 1! x 10x  
 III 10x7  
 2! 2!

172. दो घटनाओं A तथा B में से कम से कम एक के घटने की प्रायिकता 0.6 है। यदि A तथा B दोनों के साथ-साथ घटने की प्रायिकता 0.2 है, तो  $P(\bar{A}) + P(\bar{B})$  बराबर है

- (1) 0.4
- (2) 0.8
- (3) 1.2
- (4) 1.6

173. निम्न सदिशों के समूहों (sets) में से कौन सा रैखिकतः स्वतंत्र है ?

(1)  $\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

(2)  $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

(3)  $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$

(4)  $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

174. शब्द 'PROBABILITY' के अक्षरों में से यादृच्छया एक अक्षर चुना गया। चुने गए अक्षर के एक स्वर (vowel) होने की प्रायिकता है

- (1)  $\frac{1}{3}$
- (2)  $\frac{4}{11}$
- (3)  $\frac{2}{11}$
- (4)  $\frac{3}{11}$



169. Three of the six vertices of a regular hexagon are chosen at random. What is the probability that the triangle with these vertices is equilateral ?

- (1)  $\frac{3}{10}$   
 (2)  $\frac{3}{20}$   
 (3)  $\frac{1}{20}$   
 (4)  $\frac{1}{10}$

170. If A, B, C are three mutually exclusive and exhaustive events of an experiment such that  $3P(A) = 2P(B) = P(C)$ , then  $P(A)$  is equal to

- (1)  $\frac{1}{11}$   
 (2)  $\frac{2}{11}$   
 (3)  $\frac{5}{11}$   
 (4)  $\frac{6}{11}$

171. Three digit numbers are formed using the digits 0, 2, 4, 6, 8. A number is chosen at random out of these numbers. What is the probability that this number has the same digits ?

- (1)  $\frac{1}{16}$   
 (2)  $\frac{16}{25}$   
 (3)  $\frac{1}{645}$   
 (4)  $\frac{1}{25}$

169. एक नियमित षट्भुज के 6 शीर्षों में से कोई तीन यादृच्छया चुने गए। इसकी क्या प्रायिकता है कि चुने गए शीर्ष एक समबाहु त्रिभुज बनाते हैं ?

- (1)  $\frac{3}{10}$   
 (2)  $\frac{3}{20}$   
 (3)  $\frac{1}{20}$   
 (4)  $\frac{1}{10}$

170. A, B तथा C किसी परीक्षण की तीन परस्पर अपवर्जी तथा निःशेष घटनाएँ इस प्रकार हैं कि  $3P(A) = 2P(B) = P(C)$  है, तो  $P(A)$  बराबर है :

- (1)  $\frac{1}{11}$   
 (2)  $\frac{2}{11}$   
 (3)  $\frac{5}{11}$   
 (4)  $\frac{6}{11}$

171. अंकों 0, 2, 4, 6, 8 के प्रयोग से तीन अंकों की संख्याएँ बनाई गई। इन संख्याओं में से यादृच्छया एक संख्या चुनी गई। इसकी क्या प्रायिकता है कि चुनी गई संख्या के सभी अंक समान हों ?

- (1)  $\frac{1}{16}$   
 (2)  $\frac{16}{25}$   
 (3)  $\frac{1}{645}$   
 (4)  $\frac{1}{25}$

A B C  
 3 0 0  
 4 3 7  
 10 40  
 25

MATHEMATICS

(43)

E

165. The geometric mean of the numbers 3, 9, 27, 81, 243 is

- (1) 9
- (2) 27
- (3) 81
- (4)  $3\sqrt{3}$

166. The mean and S.D. of 1, 2, 3, 4, 5, 6 is

- 12)
- (1)  $\frac{7}{2}, \sqrt{\frac{35}{12}}$
  - (2) 3, 3
  - (3)  $\frac{7}{2}, \sqrt{3}$
  - (4)  $3, \frac{35}{12}$

167. The mean of 100 observations is 50 and their standard deviation is 5. The sum of squares of all observations is

- (1) 50,000
- (2) 2,50,000
- (3) 2,52,500
- (4) 2,55,000

168. The mean of first three terms is 14 and the mean of next two terms is 18. The mean of all the five terms is

- (1) 14.5
- (2) 15.0
- (3) 15.2
- (4) 15.6

165. संख्याओं 3, 9, 27, 81, 243 का गुणोत्तर माध्य (GM) है

- (1) 9
- (2) 27
- (3) 81
- (4)  $3\sqrt{3}$

अथ  $\sqrt[5]{a \times b}$   
 $\sqrt[5]{27}$

1249

166. 1, 2, 3, 4, 5, 6 का माध्य (Mean) तथा मानक विचलन (SD) है

- (1)  $\frac{7}{2}, \sqrt{\frac{35}{12}}$
- (2) 3, 3
- (3)  $\frac{7}{2}, \sqrt{3}$
- (4)  $3, \frac{35}{12}$

$\frac{217}{62}$

167. 100 प्रेक्षणों का माध्य 50 है तथा उनका मानक विचलन 5 है। सभी प्रेक्षणों के वर्गों का योग है :

- (1) 50,000
- (2) 2,50,000
- (3) 2,52,500
- (4) 2,55,000

168. पहले तीन पदों का माध्य 14 है तथा अगले दो पदों का माध्य 18 है। सभी पाँच पदों का माध्य है :

- (1) 14.5
- (2) 15.0
- (3) 15.2
- (4) 15.6



E

162. The shortest distance between the lines  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$  and  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{4} = \frac{z-5}{5}$  is

- (1)  $\frac{1}{6}$
- (2)  $\frac{1}{\sqrt{6}}$
- (3)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4)  $\frac{1}{3}$

163. The standard deviation of the first  $n$  natural numbers is

- (1)  $\frac{n+1}{2}$
- (2)  $\sqrt{\frac{n(n+1)}{2}}$
- (3)  $\sqrt{\frac{n^2-1}{12}}$
- (4)  $\frac{(2n+1)(n+1)}{6}$

164. The foot of perpendicular from  $(0, 2, 3)$  to the line  $\frac{x+3}{5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+4}{3}$  is

- (1)  $(-2, 3, 4)$
- (2)  $(2, -1, 3)$
- (3)  $(2, 3, -1)$
- (4)  $(3, 2, -1)$

162. रेखाओं  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$  तथा  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{4} = \frac{z-5}{5}$  के बीच की न्यूनतम दूरी है

- (1)  $\frac{1}{6}$
- (2)  $\frac{1}{\sqrt{6}}$
- (3)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4)  $\frac{1}{3}$

Handwritten notes for Q162:  
 $2-1 \quad 4-2 \quad 5-3$   
 $1 \quad 2 \quad 2$   
 $2 \quad 3 \quad 4$   
 $3 \quad 4 \quad 5$   
 $1(15-14) - 2(10-12) + 2(10-12)$   
 $+ 2(10-12) - 1(10-12)$   
 $+ 1 + 4$

Handwritten notes for Q163:  
 $9 + 16 + 25$   
 $\sqrt{50}$   
 $1+9+16$   
 $1+4$

163. प्रथम  $n$  प्राकृत संख्याओं का मानक विचलन (SD) है

- (1)  $\frac{n+1}{2}$
- (2)  $\sqrt{\frac{n(n+1)}{2}}$
- (3)  $\sqrt{\frac{n^2-1}{12}}$
- (4)  $\frac{(2n+1)(n+1)}{6}$

Handwritten note for Q163:  $n = n(n+1)$

164. बिंदु  $(0, 2, 3)$  से रेखा  $\frac{x+3}{5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+4}{3}$

पर खींचे गए लंब का पाद है

- (1)  $(-2, 3, 4)$
- (2)  $(2, -1, 3)$
- (3)  $(2, 3, -1)$
- (4)  $(3, 2, -1)$

Handwritten notes for Q164:  
 $a$   
 $3 \quad 2 \quad 6$   
 $5$

MATHEMATICS

(41)

159. The projection of the vector  $\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$  on the vector  $4\hat{i} - 4\hat{j} + 7\hat{k}$  is

- (1)  $\frac{5\sqrt{5}}{19}$
- (2)  $\frac{19}{9}$
- (3)  $\frac{9}{19}$
- (4)  $\frac{\sqrt{6}}{19}$

160. A straight line which makes an angles of  $60^\circ$  with y and z axes, inclines with x-axis at an angle

- (1)  $45^\circ$
- (2)  $30^\circ$
- (3)  $75^\circ$
- (4)  $60^\circ$

161. Let  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  be three vectors such that  $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \cdot (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0$  and  $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 4$  and  $|\vec{c}| = 8$ , then  $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|$  equals

- (1) 13
- (2) 81
- (3) 9
- (4) 5

Handwritten work for Q161:  
 $ab + ac + bc + ab + bc + ca + ca + ab + bc = 0$   
 $2(ab + bc + ca) = 0$   
 $ab + bc + ca = 0$   
 $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + |\vec{c}|^2 + 2(\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a})$   
 $= 1 + 16 + 64 + 2(0) = 81$   
 $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}| = 9$

159. सदिश  $\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$  का सदिश  $4\hat{i} - 4\hat{j} + 7\hat{k}$  पर प्रक्षेप है

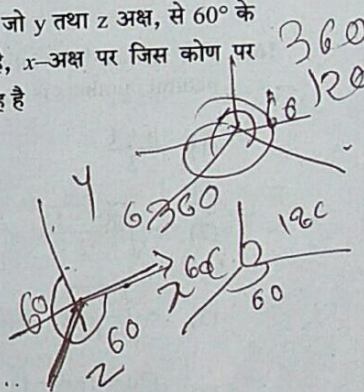
- (1)  $\frac{5\sqrt{5}}{19}$
- (2)  $\frac{19}{9}$
- (3)  $\frac{9}{19}$
- (4)  $\frac{\sqrt{6}}{19}$

Handwritten work for Q159:  
 $\frac{16 + 16 + 49}{32}$   
 $\frac{81}{32}$

Handwritten work for Q159:  
 $\frac{4 - 8 + 7}{\sqrt{6}}$

160. एक सरल रेखा जो y तथा z अक्ष, से  $60^\circ$  के कोण बनाती है, x-अक्ष पर जिस कोण पर झुकी हुई है, वह है

- (1)  $45^\circ$
- (2)  $30^\circ$
- (3)  $75^\circ$
- (4)  $60^\circ$



161. माना  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  तीन ऐसे सदिश हैं, कि  $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \cdot (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0$  है तथा  $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 4$  तथा  $|\vec{c}| = 8$  है, तो  $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|$  बराबर है

- (1) 13
- (2) 81
- (3) 9
- (4) 5

Handwritten work for Q161:  
 $a \cdot b + b \cdot c + c \cdot a + a \cdot b + b \cdot c + c \cdot a + c \cdot a + a \cdot b + b \cdot c = 0$   
 $2(ab + bc + ca) = 0$   
 $ab + bc + ca = 0$   
 $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = 1 + 16 + 64 + 2(0) = 81$   
 $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}| = 9$



155. The integrating factor of

$$\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^3 - 3 \text{ is}$$

- (1)  $-x$
- (2)  $\log x$
- (3)  $x$
- (4)  $e^x$

156. If the vectors  $\hat{i} + 3\hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$  and  $3\hat{i} + 2\hat{j} + x\hat{k}$  are coplanar, then the value of  $x$  is

- (1) 1
- (2) 3
- (3) -2
- (4) 2

157. Given that  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  are unit vectors.

If the vectors  $\vec{p} = 3\vec{a} - 5\vec{b}$  and  $\vec{q} = \vec{a} + \vec{b}$  are mutually perpendicular, then

- (1)  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  are also mutually perpendicular.
- (2)  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  have opposite directions.
- (3)  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  make an angle of  $\frac{\pi}{3}$ .
- (4)  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  make an angle of  $\frac{\pi}{4}$ .

158. The solution of  $\frac{dy}{dx} = \left(\frac{y}{x}\right)^{\frac{1}{3}}$  is

- (1)  $x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = C$
- (2)  $x^{\frac{1}{3}} + y^{\frac{1}{3}} = C$
- (3)  $y^{\frac{2}{3}} - x^{\frac{2}{3}} = C$
- (4)  $y^{\frac{1}{3}} - x^{\frac{1}{3}} = C$

155.  $\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^3 - 3$  का समाकल गुणक है

- (1)  $-x$
- (2)  $\log x$
- (3)  $x$
- (4)  $e^x$

$$e^{\int \frac{1}{x} dx} = \frac{e}{x}$$

156. यदि सदिश  $\hat{i} + 3\hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$  तथा

$3\hat{i} + 2\hat{j} + x\hat{k}$  सहतलीय हैं, तो  $x$  का मान है

- (1) 1
- (2) 3
- (3) -2
- (4) 2

157. दिया है कि  $\vec{a}$  तथा  $\vec{b}$  एकक सदिश हैं। यदि

$\vec{p} = 3\vec{a} - 5\vec{b}$  तथा  $\vec{q} = \vec{a} + \vec{b}$  परस्पर लंबवत सदिश हैं, तो

- (1)  $\vec{a}$  तथा  $\vec{b}$  भी परस्पर लंबवत हैं।
- (2)  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  विपरीत (opposite) दिशाओं में हैं।
- (3)  $\vec{a}$  तथा  $\vec{b}$  में  $\frac{\pi}{3}$  का कोण है।
- (4)  $\vec{a}$  तथा  $\vec{b}$  में  $\frac{\pi}{4}$  का कोण है।

158.  $\frac{dy}{dx} = \left(\frac{y}{x}\right)^{\frac{1}{3}}$  का हल है

- (1)  $x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = C$
- (2)  $x^{\frac{1}{3}} + y^{\frac{1}{3}} = C$
- (3)  $y^{\frac{2}{3}} - x^{\frac{2}{3}} = C$
- (4)  $y^{\frac{1}{3}} - x^{\frac{1}{3}} = C$



MATHEMATICS

(39)

E

152. The solution of the differential equation  $2x \frac{dy}{dx} - y = 3$  represents

- (1) a straight line
- (2) circles
- (3) parabola
- (4) ellipse

153. Differential equation, for  $y = A \cos \alpha x + B \sin \alpha x$ , where A and B are arbitrary constants, is

- (1)  $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha^2y = 0$
- (2)  $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha^2y = 0$
- (3)  $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha y = 0$
- (4)  $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha y = 0$

154. Area bounded by parabola  $y^2 = x$  and straight line  $2y = x$  is

- (1)  $\frac{4}{3}$  sq. units
- (2) 1 sq. units
- (3)  $\frac{2}{3}$  sq. units
- (4)  $\frac{1}{3}$  sq. units

152. अवकल समीकरण  $2x \frac{dy}{dx} - y = 3$  का हल

निरूपित करता है

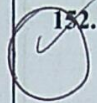
- (1) एक सरल रेखा
- (2) वृत्त
- (3) परवलय
- (4) दीर्घवृत्त

153.  $y = A \cos \alpha x + B \sin \alpha x$ , जहाँ A तथा B स्वेच्छ अचर हैं, का अवकल समीकरण है

- (1)  $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha^2y = 0$
- (2)  $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha^2y = 0$
- (3)  $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha y = 0$
- (4)  $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha y = 0$

154. परवलय  $y^2 = x$  तथा सरल रेखा  $2y = x$  द्वारा परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल है

- (1)  $\frac{4}{3}$  वर्ग इकाई
- (2) 1 वर्ग इकाई
- (3)  $\frac{2}{3}$  वर्ग इकाई
- (4)  $\frac{1}{3}$  वर्ग इकाई

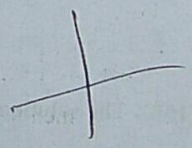


Handwritten solution for Q152:  $2xy - \alpha + 4 = 0$

Handwritten solution for Q153:  $2x \frac{d^2y}{dx^2} + 2y \frac{dy}{dx} = 0$

Handwritten solution for Q153:  $y' = A \sin \alpha x + B \cos \alpha x$

Handwritten solution for Q154:  $y'' = -A \alpha^2 \cos \alpha x + B \alpha^2 \sin \alpha x$





E

149.  $\int \frac{dx}{x\sqrt{1-x^3}}$  is equal to

- (1)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{\sqrt{1-x^3}-1}{\sqrt{1-x^3}+1} \right) + c$
- (2)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{\sqrt{1-x^3}-3}{\sqrt{1-x^3}+3} \right) + c$
- (3)  $\frac{2}{3} \log \left( \frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$
- (4)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$

150.  $\int_2^3 \frac{dx}{x^2-x}$  is equal to

- (1)  $\log \left( \frac{2}{3} \right)$
- (2)  $\log \left( \frac{1}{4} \right)$
- (3)  $\log \left( \frac{4}{3} \right)$
- (4)  $\log \left( \frac{8}{3} \right)$

151. If  $\int e^x [f(x) + f'(x)] dx = e^x \sin x + c$  then  $f(x)$  is equal to

- (1)  $\cos x$
- (2)  $\sin x$
- (3)  $e^x \cos x$
- (4)  $e^x \sin x$

149.  $\int \frac{dx}{x\sqrt{1-x^3}}$  बराबर है

- (1)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{\sqrt{1-x^3}-1}{\sqrt{1-x^3}+1} \right) + c$
- (2)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{\sqrt{1-x^3}-3}{\sqrt{1-x^3}+3} \right) + c$
- (3)  $\frac{2}{3} \log \left( \frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$
- (4)  $\frac{1}{3} \log \left( \frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$

150.  $\int_2^3 \frac{dx}{x^2-x}$  बराबर है  $\frac{1}{x(x-1)}$

(1)  $\log \left( \frac{2}{3} \right)$

(2)  $\log \left( \frac{1}{4} \right)$

(3)  $\log \left( \frac{4}{3} \right)$

(4)  $\log \left( \frac{8}{3} \right)$

$\frac{A}{x} + \frac{B}{x-1}$   
 $= A(x-1) + Bx$   
 $A+B=0$   
 $-A=1$   
 $A=-1$   
 $B=1$

151. यदि  $\int e^x [f(x) + f'(x)] dx = e^x \sin x + c$  है, तो  $f(x)$  बराबर है

- (1)  $\cos x$
- (2)  $\sin x$
- (3)  $e^x \cos x$
- (4)  $e^x \sin x$

$\log \left( \frac{x-1}{x} \right) + \log \left( \frac{x}{x-1} \right)$   
 $A = -1$   
 $B = 1$   
 $\log \frac{6}{3}$   
 $\log \frac{2}{1}$   
 $= \frac{1}{2} \log 2$

145. The normal to a given curve is parallel to  $x$  - axis if

- (1)  $\frac{dy}{dx} = 0$
- (2)  $\frac{dy}{dx} = 1$
- (3)  $\frac{dx}{dy} = 1$
- (4)  $\frac{dx}{dy} = 0$

146. The largest interval for which  $x^{12} - x^9 + x^4 - x + 1 > 0$ , is

- (1)  $-4 < x \leq 0$
- (2)  $0 < x < 1$
- (3)  $-100 < x < 100$
- (4)  $-\infty < x < \infty$

145. दिए गए वक्र का अभिलंब,  $x$ -अक्ष के समांतर होगा, यदि

- (1)  $\frac{dy}{dx} = 0$  है।
- (2)  $\frac{dy}{dx} = 1$  है।
- (3)  $\frac{dx}{dy} = 1$  है।
- (4)  $\frac{dx}{dy} = 0$  है।

146. वह बड़े से बड़ा अंतराल, जिसके लिए  $x^{12} - x^9 + x^4 - x + 1 > 0$  हैं, है।

- (1)  $-4 < x \leq 0$
- (2)  $0 < x < 1$
- (3)  $-100 < x < 100$
- (4)  $-\infty < x < \infty$

147.  $\int \frac{dx}{e^x - 1}$  is

- (1)  $\log |e^x - 1| + c$
- (2)  $\log |1 + e^x| + c$
- (3)  $\log |1 - e^{-x}| + c$
- (4)  $-\log |1 - e^{-x}| + c$

$e^x - 1 = t$   
 $e^x dx = dt$

147.  $\int \frac{dx}{e^x - 1}$  बराबर है

- (1)  $\log |e^x - 1| + c$
- (2)  $\log |1 + e^x| + c$
- (3)  $\log |1 - e^{-x}| + c$
- (4)  $-\log |1 - e^{-x}| + c$

148. What angle the tangent to the parabola  $x^2 = 2y$  at the point  $(1, \frac{1}{2})$  makes with  $x$  - axis?

- (1)  $0^\circ$
- (2)  $45^\circ$
- (3)  $30^\circ$
- (4)  $60^\circ$

$2x = 2y$   
 $y' = x$   
 $y' = 1$

148. परवलय  $x^2 = 2y$  के बिंदु  $(1, \frac{1}{2})$  पर खींची गई स्पर्श-रेखा,  $x$ -अक्ष से कितना कोण बनाती है ?

- (1)  $0^\circ$
- (2)  $45^\circ$
- (3)  $30^\circ$
- (4)  $60^\circ$



E

(36)

MATHEMATICS

141. Derivative of  $\tan^{-1} \left( \frac{\sqrt{1+x^2}-1}{x} \right)$

w.r.t.  $\tan^{-1} x$  is

- (1) 1  
 (2) 2  
 (3)  $\frac{1}{2}$   
 (4)  $\frac{1}{4}$

142. If  $f(x) = \frac{1}{x+1} - \log(1+x)$ ,  $x > 0$ ,

then  $f$  is

- (1) an increasing function  
 (2) a decreasing function  
 (3) both increasing and decreasing function  
 (4) neither increasing nor decreasing function

143. The maximum value of

$f(x) = \frac{x}{4+x+x^2}$  on  $[-1, 1]$  is

- (1)  $-\frac{1}{4}$   
 (2)  $-\frac{1}{3}$   
 (3)  $\frac{1}{6}$   
 (4)  $\frac{1}{5}$

144.  $\frac{d}{dx}(\cos^{-1} x) = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ , where

- (1)  $-1 < x < 1$   
 (2)  $-1 \leq x < 1$   
 (3)  $-1 \leq x \leq 1$   
 (4)  $-1 < x \leq 1$

141.  $\tan^{-1} \left( \frac{\sqrt{1+x^2}-1}{x} \right)$  का  $\tan^{-1} x$  के सापेक्ष

अवकलज है :

- (1) 1  
 (2) 2  
 (3)  $\frac{1}{2}$   
 (4)  $\frac{1}{4}$

142. यदि  $f(x) = \frac{1}{x+1} - \log(1+x)$ ,  $x > 0$  है,

तो  $f$  एक

- (1) वर्धमान फलन है।  
 (2) हासमान फलन है।  
 (3) वर्धमान तथा हासमान दोनों प्रकार का फलन है।  
 (4) न वर्धमान और न ही हासमान फलन है।

143.  $f(x) = \frac{x}{4+x+x^2}$  का  $[-1, 1]$  पर

अधिकतम मान है

- (1)  $-\frac{1}{4}$   
 (2)  $-\frac{1}{3}$   
 (3)  $\frac{1}{6}$   
 (4)  $\frac{1}{5}$

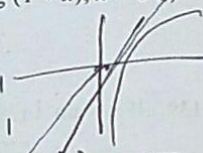
144.  $\frac{d}{dx}(\cos^{-1} x) = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$  है, जहाँ

- (1)  $-1 < x < 1$   
 (2)  $-1 \leq x < 1$   
 (3)  $-1 \leq x \leq 1$   
 (4)  $-1 < x \leq 1$

$x = \sin \theta$  (Case -1)

MATHEMATICS

$$\frac{1 \cdot \sin \theta}{\sqrt{1-x^2}}$$



$$y^2 + 2xy + x^2$$

$$x^2 + x(y-1)$$

$$(y-1)^2 = 4y$$

$$y^2 + 1 - 2y = 4y$$

$$y^2 - 2y + 1 = 4y$$

$$y^2 - 6y + 1 = 0$$

$$y = 3 \pm \sqrt{8}$$

$$y = 3 + 2\sqrt{2}$$

$$y = 3 - 2\sqrt{2}$$

$$y = 3$$

$$y = 5$$

138. If  $y = \sqrt{y + \sin x}$ , then  $\frac{dy}{dx} =$

- (1)  $\frac{\cos x}{y-1}$
- (2)  $\frac{\sin y}{x-1}$
- (3)  $\frac{\cos x}{2y-1}$
- (4)  $\frac{\cos y}{2x-1}$

139. If  $x = \sin^{-1}(3t - 4t^3)$  and  $y = \cos^{-1}\sqrt{1-t^2}$  then  $\frac{dy}{dx}$  is equal to

- (1)  $\frac{1}{2}$
- (2)  $\frac{2}{5}$
- (3)  $\frac{3}{2}$
- (4)  $\frac{1}{3}$

140.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1}$  is equal to

- (1) 1
- (2) 0
- (3) -1
- (4)  $\frac{1}{2}$

138. यदि  $y = \sqrt{y + \sin x}$  है, तो  $\frac{dy}{dx} =$

- (1)  $\frac{\cos x}{y-1}$
- (2)  $\frac{\sin y}{x-1}$
- (3)  $\frac{\cos x}{2y-1}$
- (4)  $\frac{\cos y}{2x-1}$

Handwritten solution for Q138:  
 $y^2 = y + \sin x$   
 $2y \frac{dy}{dx} = 1 + \cos x$   
 $\frac{dy}{dx} = \frac{1 + \cos x}{2y}$

139. यदि  $x = \sin^{-1}(3t - 4t^3)$  तथा

$y = \cos^{-1}\sqrt{1-t^2}$  है, तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

- (1)  $\frac{1}{2}$
- (2)  $\frac{2}{5}$
- (3)  $\frac{3}{2}$
- (4)  $\frac{1}{3}$

Handwritten solution for Q139:  
 $\frac{dx}{dt} = 3(1-4t^2)$   
 $\frac{dy}{dt} = \frac{-1}{\sqrt{1-t^2}}$   
 $\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{\sqrt{1-t^2} \cdot 3(1-4t^2)}$   
 $\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{3\sqrt{1-t^2}(1-4t^2)}$

140.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1}$  बराबर है

- (1) 1
- (2) 0
- (3) -1
- (4)  $\frac{1}{2}$

Handwritten solution for Q140:  
 $\frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1} \approx \frac{\sqrt{x^2}}{2x} = \frac{x}{2x} = \frac{1}{2}$



E

(34)

135. If  $\sin^{-1} x = \frac{\pi}{5}$ , then  $\cos^{-1} x$  equals

- (1)  $\frac{\pi}{10}$
- (2)  $\frac{3\pi}{10}$
- (3)  $\frac{5\pi}{4}$
- (4)  $\frac{7\pi}{4}$

136. A solution of the equation

$$\tan^{-1}(1+x) + \tan^{-1}(1-x) = \frac{\pi}{2}$$
 is

- (1)  $x = 1$
- (2)  $x = -1$
- (3)  $x = 0$
- (4)  $x = \pi$

137.  $\sin\left[\frac{1}{2} \cot^{-1}\left(-\frac{3}{4}\right)\right]$  is equal to

- (1)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$
- (2)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (3)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (4)  $-\frac{1}{\sqrt{5}}$

135. यदि  $\sin^{-1} x = \frac{\pi}{5}$  है, तो  $\cos^{-1} x$  बराबर है

- (1)  $\frac{\pi}{10}$
- (2)  $\frac{3\pi}{10}$
- (3)  $\frac{5\pi}{4}$
- (4)  $\frac{7\pi}{4}$

136. समीकरण  $\tan^{-1}(1+x) + \tan^{-1}(1-x) = \frac{\pi}{2}$

का एक हल है

- (1)  $x = 1$
- (2)  $x = -1$
- (3)  $x = 0$
- (4)  $x = \pi$

$$\frac{1+x+1-x}{1-(1-x)(1+x)} = \frac{2}{1-1+x^2-x^2} = \frac{2}{0}$$

137.  $\sin\left[\frac{1}{2} \cot^{-1}\left(-\frac{3}{4}\right)\right]$  बराबर है

- (1)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$
- (2)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (3)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (4)  $-\frac{1}{\sqrt{5}}$

$$\frac{1}{2} \sin^{-1} \frac{3}{5}$$

LAL  
KKA  
ANS  
J=

132. If  $3 \sin 2\theta = 2 \sin 3\theta$  and  $0 < \theta < \pi$ , then value of  $\sin 2\theta$  is

- (1)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- (2)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$
- (3)  $\frac{\sqrt{15}}{4}$
- (4)  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$

133.  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + 2 \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$  is equal to

- (1)  $\frac{\pi}{4}$
- (2)  $\frac{\pi}{6}$
- (3)  $\frac{\pi}{3}$
- (4)  $\frac{2\pi}{3}$

134. Let  $B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$ , then

- (1)  $-1 \leq B \leq 3$
- (2)  $0 \leq B \leq 2$
- (3)  $-1 \leq B \leq 1$
- (4)  $-2 \leq B \leq 2$

132. यदि  $3 \sin 2\theta = 2 \sin 3\theta$  है जबकि  $0 < \theta < \pi$  है, तो  $\sin 2\theta$  का मान है

- (1)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- (2)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$
- (3)  $\frac{\sqrt{15}}{4}$
- (4)  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$

$\sin 2\theta = \frac{2 \sin 3\theta}{3}$   
 $= \frac{2}{3} \sin 3\theta$   
 $2\theta = 3\theta$

133.  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + 2 \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$  बराबर है

- (1)  $\frac{\pi}{4}$
- (2)  $\frac{\pi}{6}$
- (3)  $\frac{\pi}{3}$
- (4)  $\frac{2\pi}{3}$

$\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{6}$   
 $= \frac{3\pi + \pi}{6} = \frac{4\pi}{6} = \frac{2\pi}{3}$

134. माना  $B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$  है, तो

- (1)  $-1 \leq B \leq 3$
- (2)  $0 \leq B \leq 2$
- (3)  $-1 \leq B \leq 1$
- (4)  $-2 \leq B \leq 2$

$2 \sin^2 x - 1 - 2 \sin^2 x$   
 $A \sin^2 x - 1$   
 $-1 \leq \sin^2 x \leq 1$   
 $-1 \leq \sin^2 x \leq 1$   
 $-5 \quad 1 \quad 3 \quad -3$



E

(32)

128. The length of latus rectum of the ellipse  $5x^2 + 9y^2 = 45$  is

- (1)  $\frac{10}{3}$
- (2)  $\frac{5}{3}$
- (3)  $\frac{5\sqrt{5}}{3}$
- (4)  $\frac{10\sqrt{5}}{3}$

129. The maximum value of  $\sin \theta \cdot \cos \theta$  is

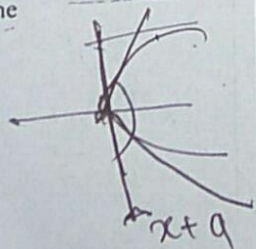
- (1) 1
- (2)  $\frac{1}{2}$
- (3)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4)  $\sqrt{2}$

130. For a cyclic quadrilateral ABCD,  $\cos B + \cos D$  is equal to

- (1) 1
- (2) -1
- (3) 2
- (4) 0

131. The two tangents, perpendicular to each other, to the parabola  $y^2 = 4ax$  intersect on the line

- (1)  $x = a$
- (2)  $x + a = 0$
- (3)  $x + 2a = 0$
- (4)  $x - 2a = 0$



MATHEMATICS

128. दीर्घवृत्त  $5x^2 + 9y^2 = 45$  की नाभिलंब जीवा की लंबाई है :

- (1)  $\frac{10}{3}$
- (2)  $\frac{5}{3}$
- (3)  $\frac{5\sqrt{5}}{3}$
- (4)  $\frac{10\sqrt{5}}{3}$

$$\frac{2b^2}{a} = \frac{2 \times 5}{3} = \frac{10}{3}$$

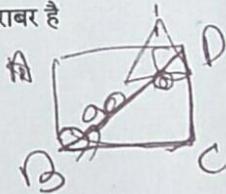
129.  $\sin \theta \cdot \cos \theta$  का अधिकतम मान है

- (1) 1
- (2)  $\frac{1}{2}$
- (3)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4)  $\sqrt{2}$

$$\frac{\sin 2\theta}{2} = \frac{1 \times 1}{2} = \frac{1}{2}$$

130. एक चक्रीय चतुर्भुज ABCD के लिए  $\cos B + \cos D$  बराबर है

- (1) 1
- (2) -1
- (3) 2
- (4) 0



131. परबलय  $y^2 = 4ax$  पर परस्पर लंबवत स्पर्शरेखाएँ, जिस रेखा पर काटती हैं, वह है

- (1)  $x = a$
- (2)  $x + a = 0$
- (3)  $x + 2a = 0$
- (4)  $x - 2a = 0$

MATHEMATICS

(31)

E

124. The triangle whose vertices are (0, 0), (2, 0) and (0, 3) is

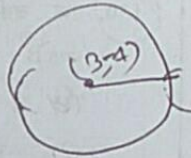
- (1) Equilateral
- (2) Right angled
- (3) Isosceles
- (4) Acute angled

125. The angle between the lines  $2x^2 - 7xy + 3y^2 = 0$  is

- (1)  $60^\circ$
- (2)  $45^\circ$
- (3)  $30^\circ$
- (4)  $\tan^{-1} \frac{7}{6}$

126. The value of k such that the equation  $2x^2 + 2y^2 - 6x + 8y + k = 0$  represents a point circle, is

- (1) 0
- (2) 25
- (3)  $\frac{25}{2}$
- (4)  $-\frac{25}{2}$

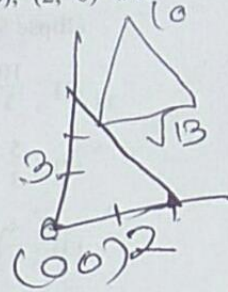


127. The perpendicular distance of the origin from the line  $3x + 4y + 1 = 0$  is

- (1) -1
- (2) 1
- (3)  $-\frac{1}{5}$
- (4)  $\frac{1}{5}$

124. त्रिभुज जिसके शीर्ष (0, 0), (2, 0) तथा (0, 3) हैं, है

- (1) समबाहु त्रिभुज
- (2) समकोण त्रिभुज
- (3) समद्विबाहु त्रिभुज
- (4) न्यूनकोण त्रिभुज



125. रेखाओं  $2x^2 - 7xy + 3y^2 = 0$  के बीच का कोण है

- (1)  $60^\circ$
- (2)  $45^\circ$
- (3)  $30^\circ$
- (4)  $\tan^{-1} \frac{7}{6}$

$$\tan^{-1} \frac{7}{6}$$

$$\frac{(7/2)^2 - 6}{5}$$

$$\frac{49 - 24}{20}$$

$$\frac{25}{20}$$

$$\frac{5}{4}$$

126. k का वह मान, जिसके लिए समीकरण  $2x^2 + 2y^2 - 6x + 8y + k = 0$  एक बिंदु वृत्त (point circle) को निरूपित करता है, है

- (1) 0
- (2) 25
- (3)  $\frac{25}{2}$
- (4)  $-\frac{25}{2}$

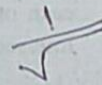
$$r = \sqrt{\frac{9 + 16}{2}}$$

$$r = \sqrt{\frac{25}{2}}$$

$$r^2 = \frac{25}{2}$$

127. मूल बिंदु से रेखा  $3x + 4y + 1 = 0$  की लंबवत दूरी है

- (1) -1
- (2) 1
- (3)  $-\frac{1}{5}$
- (4)  $\frac{1}{5}$



Handwritten notes at the bottom left of the page, including the formula for the perpendicular distance from the origin to a line:  $\frac{|c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ .



E

120. If  $\Delta = \begin{vmatrix} 5 & 15 & -25 \\ 7 & 21 & 30 \\ 8 & 24 & 42 \end{vmatrix}$ , then

- (1)  $\Delta = 0$   
 (2)  $\Delta = 1$   
 (3)  $\Delta = -1$   
 (4)  $\Delta = 5$

121. If the pair of straight lines  $xy - x - y + 1 = 0$  and the line  $ax + 2y - 3 = 0$  are concurrent, then  $a =$

- (1)  $-1$   
 (2)  $0$   
 (3)  $3$   
 (4)  $1$

122. The area of the triangle formed by the lines  $y = x$ ,  $y = 2x$  and  $y = 3x + 4$  is

- (1) 4 sq. units  
 (2) 7 sq. units  
 (3) 9 sq. units  
 (4) 8 sq. units

123. The value of  $\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$  is

- (1)  $abc$   
 (2)  $(a+b)(b+c)(c+a)$   
 (3)  $4abc$   
 (4)  $(a+b+c)$

(30)

MATHEMATICS

120. यदि  $\Delta = \begin{vmatrix} 5 & 15 & -25 \\ 7 & 21 & 30 \\ 8 & 24 & 42 \end{vmatrix}$  है, तो

- (1)  $\Delta = 0$   
 (2)  $\Delta = 1$   
 (3)  $\Delta = -1$   
 (4)  $\Delta = 5$

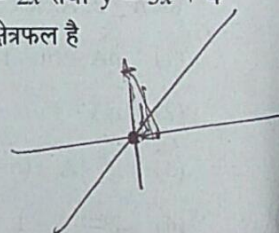
Handwritten solution for Q120:  
 $\begin{vmatrix} 5 & 15 & -25 \\ 7 & 21 & 30 \\ 8 & 24 & 42 \end{vmatrix}$   
 $5 \times 7 \times 8 \mid 1 \ 3 \ 5$

121. यदि सरल रेखाओं का युग्म  $xy - x - y + 1 = 0$  तथा रेखा  $ax + 2y - 3 = 0$  संगामी हैं, तो  $a$  बराबर है

- (1)  $-1$   
 (2)  $0$   
 (3)  $3$   
 (4)  $1$

122. रेखाओं  $y = x$ ,  $y = 2x$  तथा  $y = 3x + 4$  द्वारा बने त्रिभुज का क्षेत्रफल है

- (1) 4 वर्ग इकाई  
 (2) 7 वर्ग इकाई  
 (3) 9 वर्ग इकाई  
 (4) 8 वर्ग इकाई



123.  $\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$  का मान है

- (1)  $abc$   
 (2)  $(a+b)(b+c)(c+a)$   
 (3)  $4abc$   
 (4)  $(a+b+c)$

Handwritten solution for Q123:  
 $\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$   
 $2(b+c)(b+c) \mid 1 \ 1 \ 1$   
 $2(a+b) \mid 1 \ 1 \ 1$

MATHEMATICS

(29)

116. If  $2 \log(x+1) - \log(x^2-1) = \log 2$ , then  $x$  equals

- (1) 0
- (2) 1
- (3) 2
- (4) 3

117. If  $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$ , then  $A^2 - 5A =$

- (1) I
- (2) 4I
- (3) 14I
- (4) O

118. Matrix  $A$  is such that  $A^2 = 2A - I$ , where  $I$  is the identity matrix. Then for  $n \geq 2$ ,  $A^n$  is equal to

- (1)  $nA - (n-1)I$
- (2)  $nA - I$
- (3)  $2^{n-1}A - (n-1)I$
- (4)  $2^{n-1} \cdot A - I$

119. If  $\alpha, \beta$  be the roots of  $ax^2 + bx + c = 0$ , then those of  $ax^2 + 2bx + 4c = 0$  are

- (1)  $\frac{\alpha}{2}, \frac{\beta}{2}$
- (2)  $-2\alpha, -2\beta$
- (3)  $-\alpha, -\beta$
- (4)  $2\alpha, 2\beta$

116. यदि  $2 \log(x+1) - \log(x^2-1) = \log 2$  है, तो  $x$  बराबर है

- (1) 0
- (2) 1
- (3) 2
- (4) 3

117. यदि  $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$  है, तो  $A^2 - 5A$  बराबर है

- (1) I
- (2) 4I
- (3) 14I
- (4) O

118. आव्यूह  $A$  एक ऐसा आव्यूह है कि  $A^2 = 2A - I$  है, जहाँ  $I$  एक तत्समक आव्यूह है, तो  $n \geq 2$  के लिए  $A^n$  बराबर है

- (1)  $nA - (n-1)I$
- (2)  $nA - I$
- (3)  $2^{n-1}A - (n-1)I$
- (4)  $2^{n-1} \cdot A - I$

119. यदि समीकरण  $ax^2 + bx + c = 0$  के मूल  $\alpha$  तथा  $\beta$  हैं, तो  $ax^2 + 2bx + 4c = 0$  के मूल हैं:

- (1)  $\frac{\alpha}{2}, \frac{\beta}{2}$
- (2)  $-2\alpha, -2\beta$
- (3)  $-\alpha, -\beta$
- (4)  $2\alpha, 2\beta$

$\frac{(x+1)^2}{x^2-1} = 2$   
 $\frac{x^2+1+2x}{x^2-1} = 2$   
 $x^2+1+2x = 2x^2-2$   
 $x^2-2x-3=0$   
 $x = \frac{2 \pm \sqrt{4+12}}{2}$

$A^2 - 5A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}^2 - 5 \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$   
 $= \begin{bmatrix} 9+20 & -15-20 \\ -12-8 & 20+4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 15 & -25 \\ -20 & 10 \end{bmatrix}$   
 $= \begin{bmatrix} 29 & -35 \\ -20 & 24 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 15 & -25 \\ -20 & 10 \end{bmatrix}$   
 $= \begin{bmatrix} 14 & -10 \\ 0 & 14 \end{bmatrix} = 14I$

$A^3 = 3A^2 - I$   
 $A^4 = 2A^3 - I$

$\alpha + \beta = \frac{-b}{a} - \frac{c}{a}$   
 $\alpha + \beta = \frac{-2b}{a}$



112. Each prime number has

- (1) no factor
- (2) only one factor
- (3) only two factors
- (4) more than two factors

113. If one root of the equation  $ix^2 - 2(i+1)x + (2-i) = 0$  is  $2-i$ , then the other root is

- (1)  $-i$
- (2)  $2+i$
- (3)  $i$
- (4)  $2-i$

114. If  $a$  and  $b$  are odd integers, then the roots of the equation

$$2ax^2 + (2a+b)x + b = 0, a \neq 0 \text{ are}$$

- (1) rational
- (2) irrational
- (3) non-real
- (4) equal

115. A rational number in its lowest terms can be expressed as a terminating decimal iff the denominator has no prime factor other than

- (1) 2
- (2) 5
- (3) 2 and 5
- (4) 2 and 3

112. प्रत्येक अभाज्य संख्या का

- (1) कोई गुणनखण्ड नहीं होता।  $\phi$
- (2) केवल एक गुणनखण्ड होता है  $\phi$
- (3) केवल दो गुणनखण्ड होते हैं।  $\phi$
- (4) दो से अधिक गुणनखण्ड होते हैं।

113. यदि समीकरण  $ix^2 - 2(i+1)x + (2-i) = 0$  का एक मूल  $2-i$  है, तो इसका दूसरा मूल है:

- (1)  $-i$
- (2)  $2+i$
- (3)  $i$
- (4)  $2-i$

$$2x^2 + 4x + 0 = 0$$

$$\alpha + \beta = 2 \frac{-(i+1)}{1}$$

$$\alpha = 2x + 2$$

$$= 1$$

114. यदि  $a$  तथा  $b$  विषम पूर्णांक हैं, तो समीकरण  $2ax^2 + (2a+b)x + b = 0, a \neq 0$  के मूल

- (1) परिमेय हैं।
- (2) अपरिमेय हैं।
- (3) अवास्तविक हैं।
- (4) समान हैं।

$$3 \quad 5$$

$$3+5 = 2a$$

$$15 = \frac{b}{25}$$

115. एक निम्नतम रूप में लिखी गई परिमेय संख्या को एक सांत दशमलव संख्या के रूप में लिखा जा सकता है, यदि इसके हर में निम्न के अतिरिक्त कोई और अभाज्य गुणनखण्ड न हो:

- (1) 2
- (2) 5
- (3) 2 तथा 5
- (4) 2 तथा 3

108. The A.M, G.M and H.M between two positive numbers a and b are equal, then

- (1)  $ab = 1$
- (2)  $a > b$
- (3)  $a < b$
- (4)  $a = b$

109. If  $x, 2x + 2, 3x + 3$ , are in GP, then the fourth term is

- (1) 27
- (2) -27
- (3)  $\frac{27}{2}$
- (4)  $-\frac{27}{2}$

110. If  $x, y, z$  are in AP, then the value of  $(x + y - z)(y + z - x)$  is

- (1)  $8yz - 3y^2 - 4z^2$
- (2)  $4xz + 3y^2$
- (3)  $8xy + 4x^2 - 3y^2$
- (4)  $8xz - 3y^2$

111. If the progressions 3, 10, 17, ..... and 63, 65, 67, ..... are such that their  $n^{\text{th}}$  terms are equal, then n is equal to

- (1) 13
- (2) 15
- (3) 9
- (4) 8

108. दो धनात्मक संख्याओं a तथा b के A.M, G.M तथा H.M समान हैं, तो

- (1)  $ab = 1$
- (2)  $a > b$
- (3)  $a < b$
- (4)  $a = b$

$AP \geq GP \geq H$   
 $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} \geq \frac{2ab}{a+b}$   
 $(a+b)^2 \geq 4ab$   
 $(a-b)^2 \geq 0$

109. यदि  $x, 2x + 2, 3x + 3$ , एक गुणोत्तर श्रेणी में हैं, तो इसका चौथा पद है:

- (1) 27
- (2) -27
- (3)  $\frac{27}{2}$
- (4)  $-\frac{27}{2}$

$a = x$   
 $ar = 2x+2$   
 $ar^2 = 3x+3$   
 $ar^3 = ?$   
 $x \times (2x+2)^3$   
 $8x^3 + 24x^2 + 24x + 8$   
 $a = x$   
 $\frac{2x+3}{x} = \frac{3x+3}{2x+2}$   
 $(2x+2)^2 = 3x^2+3$   
 $4x^2+4+4x = 3x^2+3$   
 $x^2+x+4 = 0$   
 $x = \frac{-1 \pm \sqrt{1-4}}{2}$

110. यदि  $x, y, z$  एक समांतर श्रेणी में हैं, तो  $(x + y - z)(y + z - x)$  का मान है:

- (1)  $8yz - 3y^2 - 4z^2$
- (2)  $4xz + 3y^2$
- (3)  $8xy + 4x^2 - 3y^2$
- (4)  $8xz - 3y^2$

$2ab \circ$   
 $2x = x+2$   
 $y = x-4$   
 $y-z = x-4 - (x-2) = -2$   
 $(x+x-4) \times \frac{-2}{2}$   
 $(2x-2) \times (-1)$

111. यदि श्रेणियाँ 3, 10, 17, ..... तथा 63, 65, 67, ..... इस प्रकार की हैं कि उनके  $n^{\text{th}}$  पद समान हैं, तो n का मान है:

- (1) 13
- (2) 15
- (3) 9
- (4) 8

$(2x-22+2x+2)$   
 $(x+2+2x-2x)$   
 $(x-2)$   
 $(-x+2)$

$3+(n-1)7 = 63+(m-1)2$   
 $3+7n-7 = 63+2m-2$   
 $61+7-3 = 5A$   
 $61+4 = 65$   
 $65-3 = 62$   
 $62-7 = 55$   
 $55-7 = 48$   
 $48-7 = 41$   
 $41-7 = 34$   
 $34-7 = 27$   
 $27-7 = 20$   
 $20-7 = 13$

64  
4

111



105. The term independent of  $x$  in the expansion of  $\left(\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3x}\right)^9$  is

- (1)  $\frac{7}{18}$   
 (2)  $\frac{5}{18}$   
 (3)  $\frac{11}{18}$   
 (4)  $\frac{13}{18}$

106. The two geometric means between 1 and 64 are

- (1) 1 and 64  
 (2) 8 and 16  
 (3) 4 and 16  
 (4) 3 and 16

107. The middle term in the expansion of  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$  is

- (1)  ${}^{10}C_4 \left(\frac{1}{x}\right)$   
 (2)  ${}^{10}C_5$   
 (3)  ${}^{10}C_6$   
 (4)  ${}^{10}C_5 x^4$

105.  $\left(\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3x}\right)^9$  के प्रसार में  $x$  से मुक्त पद है :

- (1)  $\frac{7}{18}$   
 (2)  $\frac{5}{18}$   
 (3)  $\frac{11}{18}$   
 (4)  $\frac{13}{18}$

${}^9C_r \left(\frac{3}{2}\right)^{9-r} \left(-\frac{1}{3x}\right)^r$

106. 1 तथा 64 के मध्य दो गुणोत्तर माध्य हैं  $a, ar, ar^2$

$a = 1$

$r^{n+1} = 64$  (1) 1 तथा 64

- (2) 8 तथा 16  
 (3) 4 तथा 16  
 (4) 3 तथा 16

$1, G_1, G_2, 64$   
 $T_{n+2} = ar^{n+1}$   
 $64 = r^{n+1}$   
 $2^6 = r^{n+1}$   
 $n+1 = 6$   
 $1, ar, ar^2, ar^3$   
 $1, 2, 4, 8$

107.  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$  के प्रसार में मध्य पद है

- (1)  ${}^{10}C_4 \left(\frac{1}{x}\right)$   
 (2)  ${}^{10}C_5$   
 (3)  ${}^{10}C_6$   
 (4)  ${}^{10}C_5 x^4$

$T_{r+1} = {}^{10}C_r x^{10-r} \left(\frac{1}{x}\right)^r$   
 ${}^{10}C_5 x^{10-5} \left(\frac{1}{x}\right)^5$   
 ${}^{10}C_5 x^5 \cdot x^{-5}$   
 ${}^{10}C_5$

$\frac{10!}{5!5!}$

101. The sum of the co-efficients in the expansion of  $(1-x)^{10}$  is

- (1) 1
- (2) 0
- (3)  $10^2$
- (4) 1024

102. The expansion of  $\frac{1}{\sqrt{6-3x}}$ , in powers of  $x$ , is valid if

- (1)  $x < 2$
- (2)  $|x| < 2$
- (3)  $x > 2$
- (4)  $|x| > 2$

103. The fifth term from the end in the expansion of  $\left(\frac{x^3}{2} - \frac{2}{x^2}\right)^{12}$  is

- (1)  $\frac{7920}{x^4}$
- (2)  $-\frac{7920}{x^4}$
- (3)  $7220x^{-4}$
- (4)  $-7520x^4$

104. If  $-5x + 20 < -15$ , then

- (1)  $x \in (7, \infty)$
- (2)  $x \in [7, \infty)$
- (3)  $x \in (-\infty, 7]$
- (4)  $x \in [-7, 7]$

101.  $(1-x)^{10}$  के प्रसार में गुणांको का योगफल है

- (1) 1
- (2) 0
- (3)  $10^2$
- (4) 1024

$(1-x)^{10}$   
 $10C_0 (1)^{10-0} (-x)^0$   
 $\frac{10!}{0!(10)!}$   
 10

102.  $\frac{1}{\sqrt{6-3x}}$  का  $x$  की घातों में प्रसार वैध है यदि

- (1)  $x < 2$
- (2)  $|x| < 2$
- (3)  $x > 2$
- (4)  $|x| > 2$

$6-3x > 0$   
 $3x < 6$   
 $x < 2$

103.  $\left(\frac{x^3}{2} - \frac{2}{x^2}\right)^{12}$  के प्रसार में अंतिम पद से प्रथम पद की ओर का पाँचवाँ पद है :

- (1)  $\frac{7920}{x^4}$
- (2)  $-\frac{7920}{x^4}$
- (3)  $7220x^{-4}$
- (4)  $-7520x^4$

$12C_5 \left(\frac{x^3}{2}\right)^7 \left(-\frac{2}{x^2}\right)^5$   
 $21-11$

104. यदि  $-5x + 20 < -15$  है, तो

- (1)  $x \in (7, \infty)$
- (2)  $x \in [7, \infty)$
- (3)  $x \in (-\infty, 7]$
- (4)  $x \in [-7, 7]$

$-5x + 20 < -15$   
 $-5x < -35$   
 $x < 7$

$\frac{1}{7}$